Naam:

Toets 3c

Instructies

Draai dit blad pas om wanneer daartoe het sein gegeven wordt.
Schrijf bij elke vraag het cijfer dat bij het juiste antwoord hoort in het hokje rechts. Als er meerdere antwoorden juist zijn, schrijf dan alle cijfers op die bij een juist antwoord horen. Voorbeelden van correcte antwoorden:

Vraag 1. Hoeveel is 2+2?

1. 7 **2.** 4 **3.** 22 **4.** 0 *2*

Vraag 2. Welke van de volgende uitdrukkingen heeft als resultaat 5?

1. $2 + 3$ **2.** $7 - 3$ **3.** $9 - 4$ **4.** $20 - 3$ *1,3*

Een score op deze toets van **5/7** of meer levert een punt op voor het eindexamen.
Vergeet niet je naam in te vullen bovenaan deze pagina!

Vraag 1. Als we voor een bepaalde P bewijzen dat $P \Rightarrow Q$ en $\neg P \Rightarrow Q$, dan is Q bewezen. Welke bewijstechniek maakt hier gebruik van?

1. constructie **2.** gevalsonderscheid **3.** inductie **4.** uit het ongerijmde

$\boxed{2}$

Vraag 2. Welke van de volgende uitdrukkingen drukt de modus ponens-regel uit?

1. $P \wedge (P \Rightarrow Q) \Rightarrow Q$ **2.** $\neg P \wedge (P \Rightarrow Q) \Rightarrow \neg Q$
3. $Q \wedge (P \Rightarrow Q) \Rightarrow P$ **4.** $\neg Q \wedge (P \Rightarrow Q) \Rightarrow \neg P$

$\boxed{1}$

Vraag 3. Vul in elk hokje het getal in dat hoort bij de term die daar thuishoort. Kies uit:

1: door constructie	2: via wederzijdse inclusie	3: via wederzijdse implicatie
4: door vaststelling	5: per inductie	6: via gevalsonderscheid
7: uit het ongerijmde	8: door tekening	9: per definitie
10: via substitutie		

Stelling. Voor alle verzamelingen A en B geldt: $A \subseteq B \Rightarrow B^c \setminus A^c = \emptyset$.

Bewijs. Stel dat $A \subseteq B$ geldt. We bewijzen $\boxed{7}$ dat dan $B^c \setminus A^c = \emptyset$ moet gelden. Stel dat $B^c \setminus A^c \neq \emptyset$. Dan bestaat er een element $a \in B^c \setminus A^c$. Voor deze a geldt $a \in B^c$ en $a \notin A^c$ ($\boxed{9}$), en dus $a \notin B$ en $a \in A$ ($\boxed{9}$). Anderzijds volgt uit $A \subseteq B$ dat $\forall x \in A : x \in B$ ($\boxed{9}$), en aangezien $a \in A$ (net afgeleid) geldt dan ($\boxed{10}$) $a \in B$. We hebben dus voor a enerzijds afgeleid dat $a \notin B$, en anderzijds $a \in B$. Een dergelijke a kan niet bestaan. We besluiten dat $B^c \setminus A^c \neq \emptyset$ onmogelijk is, en dus $B^c \setminus A^c = \emptyset$. □