

**Examen Wiskunde I**  
**Bachelor Biochemie & Biotechnologie, Chemie,**  
**Geografie, Geologie en Informatica**  
**Schakelprogramma Master Chemie en Toegepaste Informatica**  
**maandag 16 januari 2017, 9:00–13:00**

**Auditorium 200G.00.01:** Mariën-Zhang (115 studenten)

**Auditorium 200G.00.06:** Beerts-Buedts en De bruyn-Maldoy (87 studenten)

**Auditorium 200G.00.59:** Aerts-Beelen (8 studenten)

**Auditorium 200G.00.59:** studenten met examenfaciliteiten, 8:00-13:20 (12 studenten)

**Auditorium 200G.00.63:** Busschots-De Boel (18 studenten)

**Naam:**

**Studierichting:**

- Het examen bestaat uit 5 vragen. Alle vragen tellen even zwaar mee.
- Geef uw antwoorden in volledige, goed lopende zinnen. Schrijf de antwoorden op deze bladen en vul eventueel aan met losse bladen.
- Kladbladen worden niet nagekeken en hoeft u niet in te leveren.
- U mag de cursustekst en een rekenmachine (niet-symbolisch) gebruiken.
- Voor elke vraag kunt u 10 punten verdienen. De puntenverdeling per onderdeel is:  
Vraag 1:      (a) 6 pt      (b) 4 pt  
Vraag 2:      (a) 5 pt      (b) 3 pt      (c) 2 pt  
Vraag 3:      (a) 3 pt      (b) 5 pt      (c) 2 pt  
Vraag 4:      (a) 4 pt      (b) 6 pt  
Vraag 5:      (a) 2 pt      (b) 8 pt
- Succes!

**Naam:**

**Vraag 1** Neem  $f(x) = x^2e^x$ .

(a) Bewijs met volledige inductie dat de  $n$  de afgeleide van  $f$  (met  $n \geq 1$ ) gelijk is aan

$$f^{(n)}(x) = (x^2 + 2nx + n(n-1))e^x.$$

(b) Bereken de  $n$ de graads Taylorveelterm rond  $x = 0$  van de functie  $f$ .

---

**Antwoord:**

**Naam:**

**Vraag 2** (a) Laat zien dat voor elke  $\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]$  geldt dat

$$\int_0^\pi |\sin x - \sin \theta| dx = (4\theta - \pi) \sin \theta + 4 \cos \theta - 2.$$

(b) Voor welke  $\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]$  bereikt de integraal uit (a) een globaal minimum?

(c) Voor welke  $\theta \in [0, \frac{\pi}{2}]$  bereikt de integraal uit (a) een globaal maximum?

---

**Antwoord:**

**Naam:**

**Vraag 3** (a) Bereken

$$\int \frac{1}{(t+1)(t+2)} dt$$

(b) Bereken de oplossing van de differentiaalvergelijking

$$\frac{dx}{dt} = \frac{x^2 + 1}{x(t+1)(t+2)}$$

die voldoet aan  $x(0) = 2$ .

(c) Is de oplossing  $x(t)$  die u in (b) gevonden hebt stijgend of dalend voor  $t \geq 0$  ?

---

**Antwoord:**

**Naam:**

**Vraag 4** Beschouw de functie

$$f(x, y) = 8x^2 - 4xy + 5y^2.$$

- (a) Bepaal alle stationair punten van  $f$  en bepaal de aard er van (lokaal maximum, lokaal minimum of zadelpunt).
- (b) Bereken het maximum van  $f$  op de cirkel  $x^2 + y^2 = 20$ .

---

**Antwoord:**

**Naam:**

**Vraag 5** In een RLC circuit met weerstand  $R$ , inductie  $L$  en capaciteit  $C$  voldoet de stroomsterkte  $I(t)$  aan

$$L \frac{dI}{dt} + RI + \frac{q}{C} = V(t) \quad (1)$$

met  $q$  een functie die voldoet aan

$$\frac{dq}{dt} = I$$

en  $V(t)$  een gegeven voltage van een externe bron. We nemen aan dat  $L$ ,  $R$  en  $C$  constant zijn.

- (a) Vind een tweede orde differentiaalvergelijking voor  $I$  door de linker- en rechterleden van (1) af te leiden.
- (b) Neem  $R = 4$ ,  $L = 1$ ,  $C = 1/5$  en  $V(t) = 8 \cos(t)$ . Bepaal dan  $I(t)$  als

$$I(0) = 0 \quad \text{en} \quad I'(0) = 1.$$

---

**Antwoord:**